

第 10 题 填空题: 每题

每题满分 19 分

1. 2021 • 已知函数 $f(x) = \ln x - ax^2 + (2-a)x$

① 当 $f(x)$ 有极大值

② 当 $a > 0$ 时, $0 < x < \frac{1}{a}$ 时, $f(\frac{1}{a} + x) > f(\frac{1}{a} - x)$

③ 当 $y = f(x)$ 有极大值 A 和 B 时, AB 有极大值 x_0 时, $f'(x_0) < 0$

2. 2021 • 已知函数 $f(x) = 2x + (1-2a)\ln x + \frac{a}{x}$

① 当 $f(x)$ 有极大值

② 当 $f(x) = m$ 时, x_1, x_2 满足 $x_1 < x_2$ 时, $f(\frac{x_1 + x_2}{2}) > 0$

3. 2021 • 已知函数 $f(x) = x^2 - 2ax + 2\ln(a > 0)$

① 当 $f(x)$ 有极大值

② 当 $g(x) = \ln x - \ln x - cx^2$ 时, $f(x)$ 有极大值 $x_1, x_2 (x_1 < x_2)$ 时, $g(x)$ 有极大值 $y = (x_1 - x_2)g(\frac{x_1 + x_2}{2})$

③ $[lnB - 1, +\infty)$ 时, a 有极大值

4. 2021 • 已知函数 $f(x) = \ln x - ax (a > 0)$

① 当 $a > 1$ 时, $f(x)$ 有极大值

② 当 $a = \frac{3\sqrt{2}}{2}$ 时, $g(x) = 2f(x) + x^2$ 有极大值 $x_1, x_2 (x_1 < x_2)$ 时, $t = \frac{\ln x_1 - \ln x_2}{x_1 - x_2}$ 时, $y = (x_1 - x_2)(\frac{2}{x_1 + x_2} - t + \frac{2}{3})$

③

5. 2021 • 已知函数 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + \ln x + mx (m \in \mathbb{R})$

1. $f(x)$ 在 m 处取得极值

2. x_1, x_2 是 $f(x)$ 的两个极值点, 且 $\frac{f(x_1) + f(x_2)}{2} - f(\frac{x_1 + x_2}{2}) > \frac{(m+2)^2}{8}$

6. 2021 • 已知函数 $f(x) = \frac{1}{x} - x + 2a \cdot \ln x$

1. 求 $f(x)$ 的极值

2. 若 $g(x) = \ln x - \ln x - cx^2$ 在 x_1, x_2 ($x_1 < x_2$) 处取得极值, 且 $y = (x_1 - x_2) \cdot g(\frac{x_1 + x_2}{2})$

在 $[ln 3 - 1, +\infty)$ 上恒成立, 求 a 的取值范围

7. 2021 • 已知函数 $f(x) = e^x + ax + b$ 在 $x = 1$ 处取得极值, 且 $f'(x) = 2e^x - y - 2 = 0$

1. 求 $f(x)$ 的极值

2. 若 $g(x) = kx - 2$ 在 x_1, x_2 处取得极值, 且 $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ 在直线 AB 上, 求 $R(x_0, y_0)$ 的取值范围

$$f(x_0) < g(x_1) < y_0$$

8. 2021 • 已知函数 $f(x) = 2\ln x - 2mx + x^2 (m > 0)$

1. 求 $f(x)$ 的极值

2. 若 $m = \frac{3\sqrt{2}}{2}$ 在 x_1, x_2 处取得极值, 且 A, B 在直线 AB 上, 求 x_0 的取值范围

若 x_1, x_2 是 $h(x) = \ln x - cx^2 - \ln x$ 的两个极值点, 且 $(x_1 - x_2)h(x_0) \leq \frac{2}{3} + \ln 2$

9. 2021 • 已知函数 $f(x) = \ln x - ax^2 + (2-a)x$

1. 求 $f(x)$ 的极值

2000 0 < x < \frac{1}{a} (a > 0) f(\frac{1}{a} + x) > f(\frac{1}{a} - x) y = f(x) A(x_0) B(x_2) 0

AB x f(x_0) < 0

10002021 • f(x) = 2\ln x g(x) = \frac{m}{x} F(x) = f(x) + g(x)

10000 f(x) 4 - 2\ln 2 m

200 A(x_1, y_1) B(x_2, y_2) f(x) AB C(x_0, y_0) AB k k > f(x_0)

11002021 • f(x) = x^2 + (a - 2)x - a\ln x (a > 0)

100 f(x)

1000 f(x_1, y_1) Q(x_2, y_2) f(x) PQ M(x_0, y_0)

\frac{f(x_1) - f(x_2)}{x_1 - x_2} < f'(x_0)

12002021 • f(x) = (e^x + e^{-x})\ln x - x + \frac{1}{x} (0, a, 1) e = 2.71828 \dots

10000 f(x)

2000 y = f(x) A(x_1, f(x_1)) B(x_2, f(x_2)) AB C(x_0, y_0) f(x_0), \frac{2}{e}

13002021 • f(x) = (e^x + e^{-x})\ln x - x + \frac{1}{x} (0, a, 1) e = 2.71828 \dots

10000 f(x)

2000 y = f(x) A(x_1, f(x_1)) B(x_2, f(x_2)) AB C(x_0, y_0) x_0 \cdot 1

14002021 • f(x) = ax^2 + (2 - a)x - \ln x (a \in R) g(x) = \frac{1}{3}x^3 + \frac{m}{2}x^2 + x + 1 x

$$x_2(x_1 < x_2) \mid x_1 + x_2 \mid \dots \frac{3\sqrt{2}}{2} \mid x_1 \mid x_2 \mid h(x) = \ln x - f(x) + \ln x$$

$$a \in (-2, 0)$$

$$a=1 \mid (x_1-x_2)h(\frac{x_1+x_2}{2}) \mid 2h2-\frac{4}{3}$$

$$f(x)=\frac{1}{3}ax^2+\frac{1}{2}bx+c \mid a,b,c \in R \mid a \neq 0 \mid (x \mid f(x)) \mid h(x)$$

$$g(x)=h(x)-\frac{1}{2}x \mid h(x) \mid h(-1)=0 \mid h(x) \mid \frac{1}{2}x^2+\frac{1}{2}$$

$$h(x)$$

$$h(x)=\ln x^2-(2m+3)x+\frac{12f(x)}{x} \mid x>0 \mid x \mid x_2(x_1 < x_2) \mid \varphi(x)=\ln x - \ln x \mid m \mid \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

$$y=(x_1-x_2)\varphi(\frac{x_1+x_2}{2})$$

$$f(x)=\ln x - ax^2+(2-a)x \mid a \in R$$

$$x=1 \mid f(x) \mid y=f(x) \mid ((1 \mid f \mid 1))$$

$$g(x)=f(x)+ax$$

$$a<-\frac{1}{2} \mid x \mid x_2 \in (1 \mid +\infty) \mid (x_1 < x_2) \mid x_0 \in (x_1 \mid x_2) \mid f(x_0)=\frac{f(x_2)-f(x_1)}{x_2-x_1}$$

$$\frac{x_2+x_1}{2} < x_0$$

$$f(x)=x\ln x$$

$$g(x)=f(x)+ax^2-(a+2)x \mid a>0 \mid g(x)$$

$$f(x)=f(x)-\frac{x}{e^x} \mid (1,2) \mid x_0 \mid m(x)=\min\{f(x) \mid \frac{x}{e^x}\} \mid f(x)=n \mid n \in R \mid (1,+\infty)$$

关注有礼

学科网中小学资源库



扫码关注

可免费领取**180套**PPT教学模版

- ✦ 海量教育资源 一触即达
- ✦ 新鲜活动资讯 即时上线